

OSIGURANJE LIČNE RENTE

JEDNOKRATNOM PREMIJOM - MIZOM

Lična renta je iznos koji osigurano lice prima lično, sve dok je u životu.

Lična renta može biti:

- neposredna (teče odmah po osiguranju) ili odložena;
- anticipativna (isplaćuje se početkom perioda) ili dekurzivna (krajem perioda)
- godišnja renta (prima se jednom godišnje) ili renta u ratama;
- konstantna ili promjenljiva renta;

Prema trajanju renta može biti:

- neposredna doživotna lična renta,
- odložena doživotna lična renta,
- neposredna privremena lična renta i
- odložena privremena lična renta.

NEPOSREDNA DOŽIVOTNA LIČNA RENTA

Razmotrimo problem određivanja mize anticipativne rente od 1 €, tj. sume koju treba da uplati lice staro x godina osiguravajućem društvu, da bi mu ono od dana osiguranja do smrti isplaćivalo, početkom godine, rentu od 1€.

Označimo sa:

- a_x – premiju;
- X_i - diskretnu slučajnu veličinu koja predstavlja vrijednost i -te isplate (koja je diskontovana na dan osigurnja), $i = 0, 1, 2, \dots, w - x$ (w -najdublja starost), za osobu staru x godina.
- ako je p kamatna stopa važi $q = 1 + \frac{p}{100}$

NEPOSREDNA DOŽIVOTNA LIČNA RENTA

Raspodjela slučajne veličine:

$$X_i : \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{q^i} \\ 1 - \frac{l_{x+i}}{l_x} & \frac{l_{x+i}}{l_x} \end{pmatrix}, \quad i = 0, 1, 2, \dots, w-x$$

Očekivanja tih diskretnih slučajnih veličina su

$$EX_i = 0 \cdot (1 - \frac{l_{x+i}}{l_x}) + \frac{1}{q^i} \cdot \frac{l_{x+i}}{l_x} = \frac{l_{x+i}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^i} \quad i = 0, 1, 2, \dots, w-x$$

Dijeljenjem brojioca i imenioca prethodne relacije sa q^x dobijamo:

$$EX_i = \frac{\frac{l_{x+i}}{q^{x+i}}}{\frac{l_x}{q^x}} = \frac{D_{x+i}}{D_x}, \text{ gdje je } D_x = \frac{l_x}{q^x} \text{ (diskontovani broj živih lica starih } x \text{ god)}$$

NEPOSREDNA DOŽIVOTNA LIČNA RENTA

Kako je a_x jednako sumi očekivanja slučajnih veličina X_i , važi:

$$\begin{aligned} a_x &= EX_0 + EX_1 + EX_2 + \dots + EX_{w-x} \\ &= \frac{l_x}{l_x} \cdot 1 + \frac{l_{x+1}}{l_x} \cdot \frac{1}{q} + \frac{l_{x+2}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^2} + \dots + \frac{l_w}{l_x} \cdot \frac{1}{q^{w-x}} \\ &= \sum_{i=0}^{w-x} \frac{l_{x+i}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^i} \\ &= \frac{D_x}{D_x} + \frac{D_{x+1}}{D_x} + \frac{D_{x+2}}{D_x} + \dots + \frac{D_w}{D_x} \\ &= \frac{D_x + D_{x+1} + D_{x+2} + \dots + D_w}{D_x} = \frac{N_x}{D_x} \end{aligned}$$

gdje je: $N_x = D_x + D_{x+1} + D_{x+2} + \dots + D_w$

zbir diskontovanih brojeva živih lica starih $x, x+1, \dots$ godina.

NEPOSREDNA DOŽIVOTNA LIČNA RENTA

Miza anticipativne rente od 1 € pri neposrednom doživotnom osiguranju lične rente iznosi:

$$a_x = \frac{N_x}{D_x}$$

osiguranik mora uplatiti (odjednom) iznos a_x da bi mu osiguravač, godišnje (početkom godine), isplaćivao rentu od 1 €.

$$M = R \cdot a_x$$

miza anticipativne rente od R €

$$b_x = \frac{N_{x+1}}{D_x}$$

miza dekurzivne rente od 1 €

$$b_x = a_x - 1$$

veza između dekurzivne i anticipativne rente od 1 €

ODLOŽENA DOŽIVOTNA LIČNA RENTA

Ako isplate rente počinju m godina poslije izvršene uplate osiguranja (prvih m godina isplate se ne vrše), imamo da je miza anticipativne rente od 1 € :

$${}_m a_x = \frac{N_{x+m}}{D_x} (= EX_m + EX_{m+1} + \dots + EX_{w-x})$$

$${}_m b_x = \frac{N_{x+m+1}}{D_x}$$

miza dekurzivne rente od 1 €

Ova vrsta rente se koristi npr. kod osiguranja penzija.

Ukoliko osiguranik umre u toku prvih m godina ili u toku isplaćivanja, miza ostaje u korist onih osiguranika koji dožive isplaćivanje.

NEPOSREDNO PRIVREMENA LIČNA RENTA

Ona se isplaćuje najviše n godina od dana osiguranja (što zavisi od dužine života osiguranika).

Miza neposredne privremene n godina anticipativne lične rente od 1 € je:

$$a_{x,n} = EX_0 + EX_1 + \dots + EX_{n-1} = \frac{1_x}{1_x} + \frac{1_{x+1}}{1_x} \cdot \frac{1}{q} + \dots + \frac{1_{x+n-1}}{1_x} \cdot \frac{1}{q^{n-1}}$$

$$a_{x,n} = \frac{N_x - N_{x+n}}{D_x}$$

Očigledno važi relacija: $a_{x,n} = a_x - {}_n a_x$

$$b_{x,n} = \frac{N_{x+1} - N_{x+n+1}}{D_x} \quad \text{miza dekurzivne rente}$$

ODLOŽENA PRIVREMENA LIČNA RENTA

Ovo je model osiguranja lične rente kod kojeg je prva isplata poslije m godina (ako je osiguranik živ) a posljednja isplata (ako bude u životu) kad osiguranik bude imao $x+m+n-1$ godina.

Miza anticipativne odložene privremene lične rente od 1 € u ovom slučaju je jednaka:

$$\begin{aligned} {}_m a_{x,n} &= EX_m + EX_{m+1} + EX_{m+2} + \dots + EX_{m+n-1} \\ &= \frac{1_{x+m}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^m} + \frac{1_{x+m+1}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^{m+1}} + \dots + \frac{1_{x+m+n-1}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^{m+n-1}} \\ &= \frac{N_{x+m} - N_{x+m+n}}{D_x} \end{aligned}$$

Važi relacija: ${}_m a_{x,n} = {}_m a_x - {}_{m+n} a_x$

$${}_m b_{x,n} = \frac{N_{x+m+1} - N_{x+m+n+1}}{D_x} \quad \text{miza dekurzivne odložene privremene rente od 1 €}$$

OSIGURANJE KAPITALA

Ovo je vid osiguranja uplatom mize gdje se, za razliku od osiguranja lične rente, osigurana suma isplaćuje korisniku polise jednom (ili najviše dva puta).

Osnovna podjela je na:

- osiguranje kapitala za slučaj doživljena,
- osiguranje kapitala za slučaj smrti
- mješovito osiguranje

OSIGURANJE KAPITALA ZA SLUČAJ DOŽIVLJENJA

Osiguravajuće društvo vrši isplatu osigurane sume samo licima koja dožive ugovoreni rok.

$$X_n : \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{q^n} \\ 1 - \frac{l_{x+n}}{l_x} & \frac{l_{x+n}}{l_x} \end{pmatrix}$$

X_n – diskretna slučajna veličina (koja predstavlja vrijednosti diskontovane isplate)

n - broj godina počev od x-te poslije čijeg isteka će se izvršiti ugovarena isplata (ako osiguranik bude u životu) tj. n je trajanje osiguranja.

$$B_x = EX_n = \frac{1}{q^n} \cdot \frac{l_{x+n}}{l_x}$$

$$B_x = \frac{D_{x+n}}{D_x}$$

B_x – miza osiguranja kapitala za slučaj doživljjenja ($x+n$)-te godine ukoliko osiguramo iznos od 1 €

Ako umjesto 1 € osiguramo R € miza će biti jednaka RB_x

DOŽIVOTNO OSIGURANJE KAPITALA ZA SLUČAJ SMRTI

Osiguravač isplaćuje (jednom) ugovorenu sumu nasljedniku osiguranika, krajem godine u kojoj osiguranik umre.

Raspodjela slučajne veličine X- diskontovane isplate od 1€ :

$$X : \begin{pmatrix} \frac{1}{q} & \frac{1}{q^2} & \dots & \frac{1}{q^{w-x}} \\ \frac{l_x - l_{x+1}}{l_x} & \frac{l_{x+1} - l_{x+2}}{l_x} & \dots & \frac{l_{w-1} - l_w}{l_x} \end{pmatrix}$$

Po principu ekvivalencije, miza A_x je u ovom slučaju jednaka očekivanju slučajne veličine X, tj.:

$$A_x = EX = \sum_{i=0}^{w-x-1} \frac{1}{q^{i+1}} \cdot \frac{l_{x+i} - l_{x+i+1}}{l_x}$$

DOŽIVOTNO OSIGURANJE KAPITALA ZA SLUČAJ SMRTI

Za komutacione brojeve d_x , C_x i M_x važe sledeće relacije:

$$d_x = l_x - l_{x+1},$$

$$C_x = \frac{d_x}{q^{x+1}}$$

$$M_x = C_x + C_{x+1} + \dots + C_{w+1}$$

Slijedi da je miza doživotnog osiguranja kapitala za slučaj smrti

$$A_x = \frac{1}{D_x} \sum_{i=0}^{w-x-1} C_{x+i} = \frac{M_x}{D_x}$$

ODLOŽENO DOŽIVOTNO OSIGURANJE KAPITALA ZA SLUČAJ SMRTI

Osiguravajuće društvo se obavezuje da će ugovoreni kapital, oderđenom korisniku (iz ugovora), isplatiti krajem godine u kojoj osiguranik umre, pod uslovom da smrt nastupi poslije m godina od dana osiguranja.

$$X : \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{q^{m+1}} & \frac{1}{q^{m+2}} & \dots & \frac{1}{q^{w-x}} \\ \frac{l_x - l_{x+m}}{l_x} & \frac{l_{x+m} - l_{x+m+1}}{l_x} & \frac{l_{x+m+1} - l_{x+m+2}}{l_x} & \dots & \frac{l_{w-1} - l_w}{l_x} \end{pmatrix}$$

Slijedi da je miza odloženog doživotnog osiguranja kapitala za slučaj smrti

$${}_m A_x = EX = \frac{M_{x+m}}{D_x}$$

PRIVREMENO NEPOSREDNO OSIGURANJE KAPITALA ZA SLUČAJ SMRTI

Osiguravač isplaćuje osiguranu sumu nasljedniku samo ako osiguranik umre u toku n godina od osiguranja.

Miza privremenog neposrednog osiguranja kapitala za slučaj smrti

$$A_{x,n} = \frac{M_x - M_{x+n}}{D_x}$$

MJEŠOVITO OSIGURANJE KAPITALA

1. MJEŠOVITO OSIGURANJE KAPITALA SA JEDNOM ISPLATOM

- Oblik osiguranja kapitala pri kome se isplata vrši ili osiguraniku, ako ostane u životu, ili nasljedniku, ako osiguranik umre u toku trajanja osiguranja.
- Ako se lice osigura na ovaj način ono plaća dvije premije: premiju za osiguranje kapitala za slučaj doživljjenja i premiju za privremeno neposredno osiguranje kapitala za slučaj smrti. Miza ovog vida osiguranja je:

$$\overline{A}_x = B_x + A_{x,n} = \frac{D_{x+n} + M_x - M_{x+m}}{D_x}$$

MJEŠOVITO OSIGURANJE KAPITALA

2. MJEŠOVITO OSIGURANJE KAPITALA SA DVije ISPLATE

- Mješovito osiguranje se može ugovoriti i tako da budu predviđene dvije isplate: jedne osiguraniku, ako doživi $x+n$ godina i druge nasljednicima na kraju godine u kojoj umire.
- Ako osiguranik umre prije isteka n godina tada se isplaćuje samo jedan iznos (nasljedniku) inače se isplaćuju dva iznosa (jedan osiguraniku, jedan nasljedniku).
- Jednokratna premija je suma premija onih osiguranja iz kojih se sastoji: osiguranja kapitala za slučaj doživljjenja i doživotnog osiguranja kapitala za slučaj smrti:

$$A_x' = B_x + A_x = \frac{D_{x+n} + M_x}{D_x}$$

Mješovito osiguranje sve više preovladava u savremenom osiguranju života.

OSIGURANJE PREMIJAMA

Kod ove vrste osiguranja osigurano lice ne uplaćuje mizu (jednokratnu premiju) već uplaćuje određene sume (premije P) više puta.

Premija može biti:

- doživotna ili privremena
- godišnja ili u ratama

Pretpostavimo da za određeno osiguranje osiguranik treba da plati jednokratnu premiju A, ali ne raspolaže tolikim novcem, pa će umjesto toga plaćati godišnje premije P.

Shvatimo godišnje premije kao ličnu rentu koju osigurano lice plaća osiguravajućem društvu.

Ako se godišnje premije počinju plaćati od trenutka osiguranja do smrti, tada one predstavljaju doživotnu neposrednu ličnu rentu. Slično je i za ostale vrste premija (odložena, privremena).

OSIGURANJE PREMIJAMA

U slučaju da aticipativna renta ima vrijednost jedan njena miza bi bila a_x . Kako renta ima vrijednost jednaku visini premije P , njena miza je $P \cdot a_x$. Primjenjujući princip ekvivalencije dobijamo jednakost:

$$P \cdot a_x = A$$

A- visina jednokratne premije

$$P = \frac{A}{a_x}$$

P- visina premije za jedinicu osigurane sume

Slično, ako se premija P uplaćuje neposredno privremeno:

$$P \cdot a_{x,n} = A$$

$$P = \frac{A}{a_{x,n}}$$

Veza između A i P- izvođenje

$$A = P + \frac{P}{q} \cdot \frac{l_{x+1}}{l_x} + \frac{P}{q^2} \cdot \frac{l_{x+2}}{l_x} + \dots$$

$$P \cdot a_x = A$$

$$P \cdot a_{x,n} = A$$

OSIGURANJE ODLOŽENE DOŽIVOTNE LIČNE RENTE PREMIJAMA

- Isplate se vrše poslije n godina od dana osiguranja do kraja života. Ako osiguranik ne doživi ($x+n$) -tu godinu renta se neće ni isplaćivati. Ako smrt ne nastupi ranije, vrijeme trajanja uplata godišnje premije je najviše do godinu dana pred početak isplate rente, tj. do ($x+n$)-te godine.
- Zbir diskontovanih isplata je:

$$EX_n + EX_{n+1} + \dots + EX_{w-x}$$

- Zbir diskontovanih uplata:
 $P_x \cdot (EX_0 + EX_1 + EX_2 + \dots + EX_{t-1}), \quad t \leq n$
- Po principu jednakosti uplata i isplata imamo da važi:

$$EX_n + EX_{n+1} + \dots + EX_{w-x} = P_x \cdot (EX_0 + EX_1 + \dots + EX_{t-1}), \quad t \leq n$$

$$\boxed{n a_x = P_x \cdot a_{x,t}}$$

OSIGURANJE ODLOŽENE DOŽIVOTNE LIČNE RENTE PREMIJAMA

$$P_x = \frac{a_x}{a_{x,t}}, \quad t \leq n$$

godišnja premija odložene doživotne anticipativne lične rente

$$P_x = \frac{\frac{N_{x+n}}{D_x}}{\frac{N_x - N_{x+t}}{D_x}} = \frac{N_{x+n}}{N_x - N_{x+t}}, \quad t \leq n$$

Ako se prva renta primi krajem $(x+1)$ -ve godine godišnja premija je:

$$P_x = \frac{N_{x+n+1}}{N_x - N_{x+t}}$$

OSIGURANJE ODLOŽENE PRIVREMENE LIČNE RENTE PREMIJAMA

Renta se prima po isteku n godina od dana osiguranja i traje m godina ($m > n$).

Godišnja premija kod ove vrste osiguranja je:

$$P_x = \frac{N_{x+n} - N_{x+n+m}}{N_x - N_{x+t}}, t \leq n$$

OSIGURANJE KAPITALA, DOŽIVOTNO, DOŽIVOTNIM PREMIJAMA

Godišnja premija kod ove vrste osiguranja je:

$$P_x = \frac{A_x}{a_x} = \frac{M_x}{N_x}$$

LIČNA RENTA U RATAMA

Ako se radi o renti u ratama, tj. ako se isplate vrše u razmacima kraćim od jedne godine (k puta godišnje), ubiraćemo rentu od $1/k$ € k puta godišnje, umjesto 1 € kao kod modela godišnje rente.

Miza odložene privremene anticipativne rente u ratama je:

$${}_m a_{x,n}^{(k)} = \frac{l_{x+m}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^m} + \frac{l_{x+\frac{m+1}{k}}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^{\frac{m+1}{k}}} + \dots + \frac{l_{x+\frac{m+n-1}{k}}}{l_x} \cdot \frac{1}{q^{\frac{m+n-1}{k}}}$$

Miza neposredne privremene anticipativne rente u ratama:

$$a_{x,n}^{(k)} = \frac{1}{k} + \frac{1}{q^{\frac{1}{k}}} \cdot \frac{1}{l_x} + \frac{1}{q^{\frac{2}{k}}} \cdot \frac{1}{l_x} + \dots + \frac{1}{q^{\frac{n-1}{k}}} \cdot \frac{1}{l_x}$$

LIČNA RENTA U RATAMA

$$a_{x,n}^{(k)} \cong a_{x,n} - \frac{k-1}{2k} (EX_0 - EX_n) \quad \text{anticipativna privremena neposredna renta u ratama}$$

$$b_{x,n}^{(k)} \cong b_{x,n} + \frac{k-1}{2k} (EX_0 - EX_n) \quad \text{dekurzivna privremena neposredna renta u ratama}$$

$$a_x^{(k)} \cong a_x - \frac{k-1}{2k} \quad \text{anticipativna neposredna doživotna renta u ratama}$$

$$b_x^{(k)} \cong b_x + \frac{k-1}{2k} \quad \text{dekurzivna neposredna doživotna renta u ratama}$$

LIČNA RENTA U RATAMA

$${}_m a_{x,n}^{(k)} \approx {}_m a_{x,n} - \frac{k-1}{2k} (EX_m - EX_{m+n}) \quad \text{odložena privremena anticipativna renta u ratama}$$

$${}_m b_{x,n}^{(k)} \approx {}_m b_{x,n} + \frac{k-1}{2k} (EX_m - EX_{m+n}) \quad \text{odložena privremena deklurzivna renta u ratama}$$

$${}_m a_x^{(k)} \approx {}_m a_x - \frac{k-1}{2k} EX_m \quad \text{anticipativna odložena doživotna renta u ratama}$$

$${}_m b_x^{(k)} \approx {}_m b_x + \frac{k-1}{2k} EX_m \quad \text{deklurzivna odložena doživotna renta u ratama}$$

OSIGURANJE PREMIJAMA

U slučaju da aticipativna renta ima vrijednost jedan njena miza bi bila a_x . Kako renta ima vrijednost jednaku visini premije P , njena miza je $P \cdot a_x$. Primjenjujući princip ekvivalencije dobijamo jednakost:

$$P \cdot a_x = A$$

A- visina jednokratne premije

$$P = \frac{A}{a_x}$$

P- visina premije za jedinicu osigurane sume

Slično, ako se premija P uplaćuje neposredno privremeno:

$$P \cdot a_{x,n} = A$$

$$P = \frac{A}{a_{x,n}}$$

PREMIJA U RATAMA

Neka se premije plaćaju k puta u toku godine dana, i neka je $P^{(k)}$ - premija u ratama.

Godišnja rata rente u ratama je $k \cdot P^{(k)}$

Npr. ako se premija plaća n godina neposredno privremeno, tada važi:

$$A = k \cdot P^{(k)} \cdot a_{x,n}^{(k)}$$

odnosno

$$P^{(k)} = \frac{A}{k \cdot a_{x,n}^{(k)}}$$

Ako je P – godišnja premija tada je:

polugodišnja premija $P^{(2)} \cong \frac{1}{2} \cdot P \cdot 1,02 = 0,51 \cdot P$

kvartalna premija $P^{(4)} \cong \frac{1}{4} \cdot P \cdot 1,03 = 0,2575 \cdot P$

mjesecna premija $P^{(12)} \cong \frac{1}{12} \cdot P \cdot 1,04 = 0,087 \cdot P$

OBRAČUN BRUTO PREMIJE

Troškovi osiguravajućeg društva obuhvataju:

1. akvizicione troškove – troškove pribavljanja osiguranja
2. inkaso troškove – troškove naplate premije i
3. administrativne (upravne) troškove.

Visina jednokratne bruto premije za jedinicu osiguranog kapitala iznosi

$$JB = JN + x_1 + y + z \cdot JB$$

odakle dobijamo da je

$$JB = \frac{JN + x_1 + y}{1 - z}$$

Na osnovu principa ekvivalencije, suma diskontovanih godišnjih iznosa d (na t=0, dan zaključenja ugovora), mora biti jednaka x_1 -visini akvizicionih troškova, tj.

$$d \cdot a_x = x_1 \quad \text{ili} \quad d \cdot a_{x,n} = x_1$$

u zavisnosti od toga da li godišnje premije plaćamo doživotno ili za n godina.

Dalje je

$$d = \frac{x_1}{a_x} \qquad \qquad d = \frac{x_1}{a_{x,n}}$$

$$d = \frac{D_x \cdot x_1}{N_x} \qquad \qquad d = \frac{D_x \cdot x_1}{N_x - N_{x+n}}$$

Za upravne troškove y , slično prethodnom, imamo da je e njihov alikvotni dio:

$$e = \frac{D_x \cdot y}{N_x} \quad \text{ili} \quad e = \frac{D_x \cdot y}{N_x - N_{x+n}}$$

za doživotno ili privremeno plaćanje premija, respektivno.

Sada je

$$PB = PN + d + e + z \cdot PB \quad \text{odakle je} \quad PB = \frac{PN + d + e}{1 - z} \quad (*)$$

Dakle, gornja relacija (*) predstavlja visinu godišnje bruto premije potrebne da bi se osigurala jedinica kapitala ili renta od 1 € godišnje. Iznosi d i e određeni su prethodnim relacijama.

Primjer 1.

Lice staro x godina je osiguralo kapital za slučaj doživljjenja k godina ($k>x$), tj. sa trajanjem od $k-x$ godina.

Akvizicioni troškovi su $x=20\%$, upravni $y=45\%$ od osigurane sume, a inkaso troškovi su $z=4\%$ od bruto premije. Odrediti, pa izraziti u promilima:
jednokratnu bruto premiju,
godišnju, za 20 godina, bruto premiju za ovu vrstu osiguranja.

Rješenje:

$$a) JB = \frac{JN + x_1 + y}{1 - z} = \frac{\frac{D_k}{D_x} + 0,02 + 0,045}{1 - 0,04} \cdot 1.000\%$$

b)

$$PB = \frac{PN + d + e}{1 - z} \cdot 1.000\%$$

Ovdje je PN visina godišnje neto premije za osiguranje kapitala za slučaj doživljenja, a premije se plaćaju neposredno privremeno za 20 godina.

Primjer 2.

Lice staro 30 godina osiguralo je kapital za slučaj doživljenja 50-te godine i plaća bruto premiju od 500 € za 20 godina. Akvizicioni troškovi su jednokratno 2%, upravni troškovi su godišnje 5% osigurane sume, a inkaso troškovi su 2,5% od bruto premije. Koliki je kapital? Kolika je neto premija?

Rješenje:

Slično kao u Primjeru 1 b) izračunamo PN,

$$d = D_{30} \cdot \frac{0,02}{N_{30} - N_{50}} \quad e = 0,005$$

pa iz (*) dobijamo PB - visinu bruto premije za jedinicu osiguranog kapitala.

Iz proporcije $PB:1 = 500:K$ dobijamo da je $K = \frac{500}{PB}$

Neto premija y , koja odgovara bruto premiji od 500 € se dobija iz razmjere:

$$y:500 = PN:PB \quad \text{pa je} \quad y = 500 \cdot \frac{PN}{PB}$$

Račun, uz upotrebu tablica, samostalno.